

# Digital Systems

## (TI2726-A)

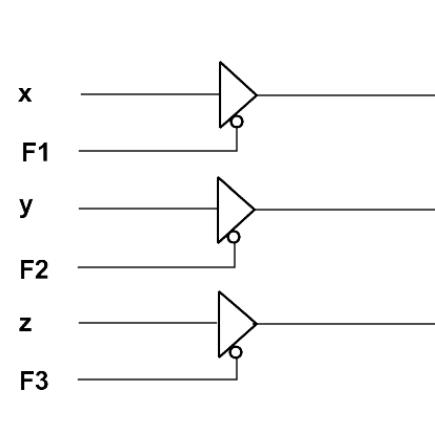
Thursday 05 November 2015 (13:30 – 16:30)

### Directions for filling in the answer sheet:

- Fill in answer sheet using a pencil (eraser allowed) or ballpoint.  
(ensure high enough contrast when "coloring" boxes)
- Do not forget your name, student number, and signature.
- Fill in your student number in code also and double check.
- In case an answer is unknown it is better to guess than leave open.
- Do not fill in the code figures in the lower right corner.
- **Start with answering the "easiest" questions first!!**
- In case you do not understand a question, ask the lecturer present.
- In case of cheating, no grade will be given and you will be reported.

### Question 1:

Een drietal willekeurige signalen  $x$ ,  $y$  en  $z$  zijn via TRI-state buffers met een buslijn verbonden, zoals hier getekend. Er zijn 2 stuurfuncties gegeven, nl.:  $F_1 = A' \cdot B' + D$  en  $F_2 = A' + D'$  --- Welke stuurfunctie  $F_3$  kan worden gebruikt zodat de schakeling correct kan werken? (English: Three random signals  $x$ ,  $y$ , and  $z$  are connected to a bus using TRI-state buffers (see figure). Two driver functions are given:  $F_1 = A' \cdot B' + D$  en  $F_2 = A' + D'$  --- Which driver function  $F_3$  can be used to ensure correct functioning?)



- a.  $A + B + D'$     b.  $A' + C' + D$     c.  $A' + B + D$     d.  $A + B' + C$

### Question 2:

Gegeven is de expressie  $E(x_3, x_2, x_1, x_0) = \prod M(1, 3, 4, 6, 9, 14)$ . Hoeveel priemimplicanten (PI), en hoeveel essentiële priemimplicanten (EPI) zijn er in deze functie te vinden? (English: Given the expression  $E(x_3, x_2, x_1, x_0) = \prod M(1, 3, 4, 6, 9, 14)$ . How many prime implicants (PI) and how many essential prime implicants (EPI) are present?)

- a. 4 PI's en/and 2 EPI's    b. 4 PI's en/and 4 EPI's  
c. 6 PI's en/and 2 EPI's    d. 6 PI's en/and 4 EPI's

### Question 3:

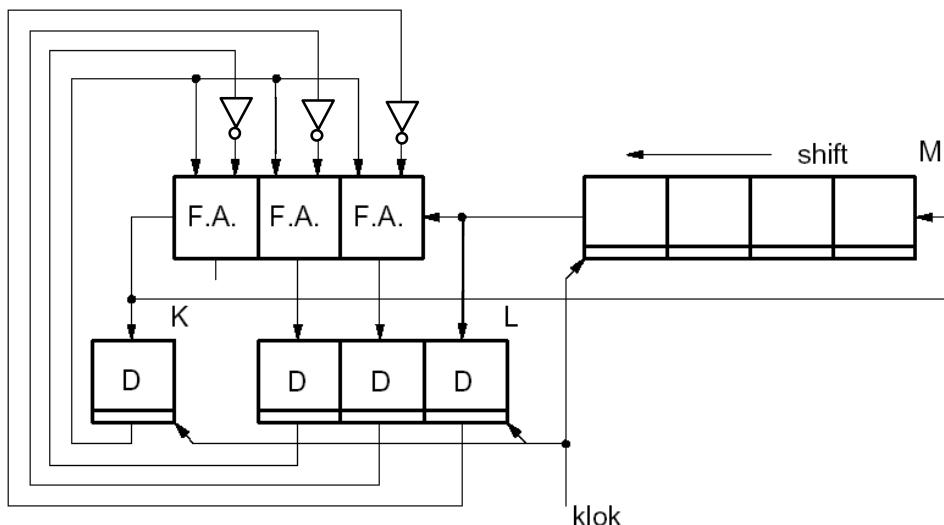
De functie  $F = (A \oplus B) \oplus (A + C)$  kan geschreven worden als:

(English: The function  $F = (A \oplus B) \oplus (A + C)$  can be written as:)

- a.  $A \cdot B + B \cdot C + A' \cdot B' \cdot C$   
b.  $A \cdot B + B \cdot C' + A' \cdot B' \cdot C$   
c.  $A \cdot B' + B \cdot C + A' \cdot B' \cdot C$   
d.  $A \cdot B' + B \cdot C' + A' \cdot B' \cdot C$

**Question 4:**

Gegeven is een synchrone sequentiële schakeling zoals hieronder is aangegeven. De schakeling bestaat uit een D-flip-flop K, een parallel load-register L van 3 secties, een schuifregister M van 4 secties en een carry-ripple adder bestaande uit 3 "Full adder"s. (English: Below is given a synchronous sequential circuit that is comprised of a D-flipflop K, a parallel load-register L with 3 sections, a shift register M with 4 sections, and a ripple carry adder consisting of 3 full adders.)



Voor de startinhouden geldt:  $K = 0$ ,  $L = 1\ 0\ 1$ , en  $M = 1\ 1\ 0\ 1$ .

Wat is na 4 klokpulsen de inhoud van register M? (English: The initial contents are:  $K = 0$ ,  $L = 1\ 0\ 1$ , en  $M = 1\ 1\ 0\ 1$ . What is the content of register M after 4 clock cycles?)

- a. 0 0 0 1      b. 0 0 1 0      c. 0 1 0 0      d. 1 0 0 0

**Question 5:**

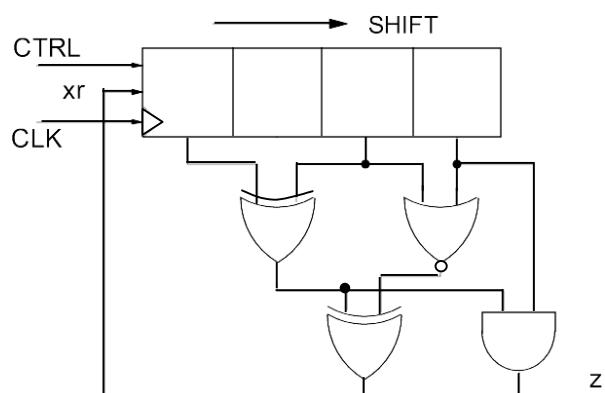
Van nevenstaand schema zijn voor de poorten de volgende tijden gegeven: (English: In the given circuit, the gate delays are:)

- delay XOR: 15 nsec.
- delay NOR: 12 nsec.
- delay AND: 10 nsec.

En voor het schuifregister:

(English: For the shiftregister:)

- setup tijd/time: 4 nsec.
- hold tijd/time: 2 nsec.
- omslagtijd/propagation time: 5 nsec.



Wat is de maximale klopkulsfrequentie waarbij het systeem nog goed kan werken (aangenomen dat de uitgang z onbelast is)? (English: What is the maximum clock frequency that ensures correct operation of the system (assuming that output z is not experiencing any load)?)

- a. 25.6 MHz  
 b. 26.3 MHz  
 c. 27.7 MHz  
 d. 29.4 MHz

**Question 6:**

Als toestandstabel is de tabel hiernaast gegeven. Hierin is  $x$  een input en  $z$  een output  $x, z \in \{0,1\}$ .

(English: A state transition table is given. In it,  $x$  is an input and  $z$  an output with  $x, z \in \{0,1\}$ .)

Welke toestanden kunnen worden samen genomen omdat ze equivalent zijn ?

(English: Which states can be combined because they are equivalent?)

- a. A en/and K
- b. A en/and E
- c. D en/and C
- d. D en/and H

PS	$x=0$	$x=1$
A	C,0	L,0
B	C,0	L,1
C	B,0	J,0
D	A,0	H,0
E	G,0	E,0
F	A,0	H,0
G	B,0	J,0
H	K,0	F,0
I	I,0	D,0
J	K,0	F,0
K	I,0	D,0
L	G,0	E,0

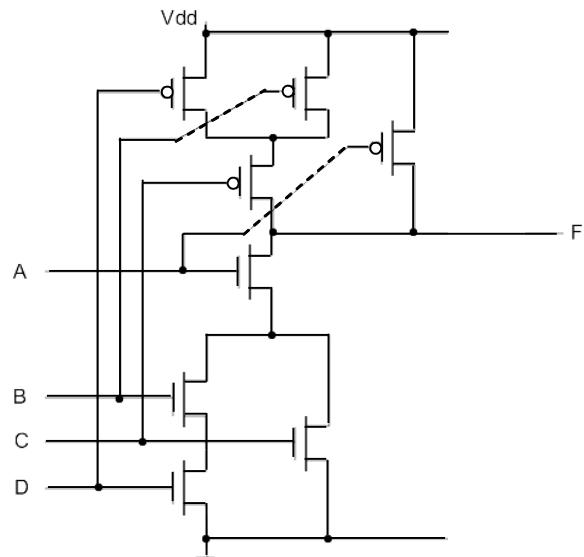
NS, z

**Question 7:**

Nevenstaand schema geeft de opbouw van een logische functie met MOS transistoren weer. Wat is de bij dit schema behorende formule ?

(English: The given circuit depicts a logical function using MOS transistors. What function is represented in the circuit?)

- a.  $F = A + C \cdot (B + D)$
- b.  $F = A' \cdot (C' + B' \cdot D')$
- c.  $F = A \cdot (C + B \cdot D)$
- d.  $F = A' + C' \cdot (B' + D')$



**Question 8:**

Iemand schrijft een getal op van 2 cijfers (gebruik makende van de 8421-BCD encoding per cijfer), voorgesteld door b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0. Een tweede persoon interpreteert dit als een zuiver binair getal, en krijgt daardoor 42 (decimaal) te veel. Hoe ziet b7 b6 b5 b4 eruit?

(English: Someone is writing down a number of 2 digits (using the 8421-BCD encoding per digit) represented by b7 b6 b5 b4 b3 b2 b1 b0. A second person interprets this as a binary number and is thereby receiving  $42_{10}$  (decimal) too much. What is encoded in b7 b6 b5 b4?

- a. 1 0 0 0
- b. 0 1 1 1
- c. 0 1 1 0
- d. 0 0 1 1

### **Question 9:**

In het volgende worden drie stukken VHDL code gegeven:

(English: Three pieces of VHDL code are given below:)

#### **-- Code 1**

```
S1 <= (x xor y) after 5 ns, (x or y) after 10 ns, (not x) after 15 ns;
```

#### **-- Code 2**

```
process (x,y)
begin
S1 <= (x xor y) after 5 ns, (x or y) after 10 ns, (not x) after 15 ns;
end process;
```

#### **-- Code 3**

```
process (y)
begin
S1 <= (x xor y) after 5 ns, (x or y) after 10 ns, (not x) after 15 ns;
end process;
```

Welke van de onderstaande beweringen zijn juist?

(English: Which one of the statements below is correct?)

- a. Code 1 is gelijk aan Code 2 en Code 2 is niet gelijk aan Code 3.
- b. Code 1 is gelijk aan Code 3 en Code 2 is niet gelijk aan Code 3.
- c. Code 1 is niet gelijk aan Code 2 en Code 2 is gelijk aan Code 3.
- d. Code 1 is gelijk aan Code 2 is gelijk aan Code 3.

### **Question 10:**

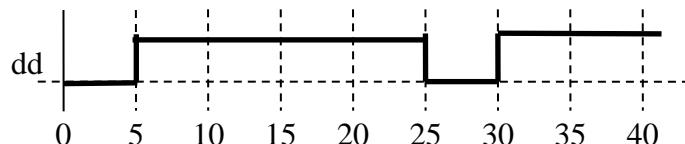
```

entity boolean_test is
end boolean_test;

architecture gedrag of boolean_test is
    component boolean_functie is
        port (a, b, c : in bit; uit : out bit);
    end component;
    signal aa, bb, cc, dd ; bit;
begin
    N1: boolean_functie port map (aa, bb, cc, dd);
    aa <= '1', '0' after 5 ns, '1' after 15 ns, '1' after
        35 ns, '0' after 40 ns;
    bb <= '0', '1' after 10 ns, '0' after 20 ns, '1' after 35 ns;
    cc <= ... - deze regel moet nog worden ingevuld/this line still need
        -- to be filled in
end gedrag;

```

De component boolean\_functie is niet gegeven in VHDL, maar wel gegeven als een product van maxtermen  $F(a,b,c) = \prod M(1,2,5,7)$ . Verder is het de bedoeling dat de component de volgende uitgang realiseert: (English: The component boolean\_functie is not given in VHDL, but as a product of maxterms  $F(a,b,c) = \prod M(1,2,5,7)$ . The intent is for the component to realize the following output:)

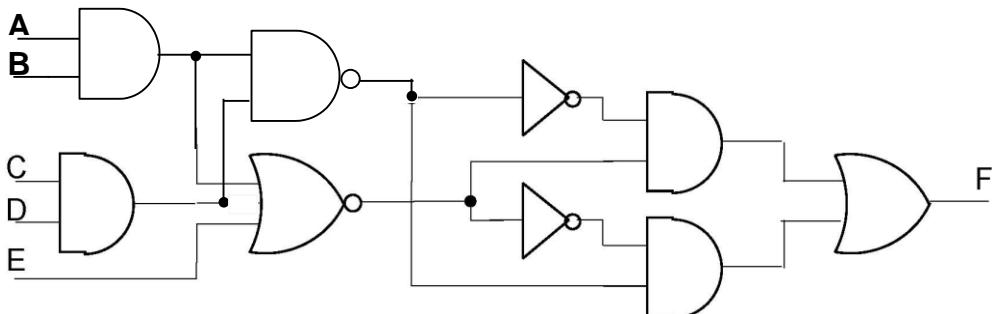


Welke van de vier onderstaande assignments moet worden ingevuld als waveform van signaal cc om de gevraagde signaal dd te genereren?

(English: Which of the given assignments has to be filled in for cc to realize the given signal dd?)

- a.  $cc \leq '0'$ , '1' after 15 ns, '0' after 20 ns, '1' after 25 ns, '0' after 30 ns, '1' after 35 ns;
- b.  $cc \leq '1'$ , '0' after 10 ns, '1' after 15 ns, '0' after 25 ns, '1' after 30 ns, '0' after 40 ns;
- c.  $cc \leq '1'$ , '0' after 5 ns, '1' after 10 ns, '0' after 15 ns, '1' after 25 ns, '0' after 30 ns, '1' after 40 ns;
- d. geen van de bovenstaande antwoorden. (English: None of the above.)

**Question 11:**



Wat is de netwerkvertraging  $t_{PLH}$  van bovenstaande schakeling als gegeven is dat de output load van de schakeling 1 is? (U kunt gebruik maken van onderstaande tabel)

(English: What is the propagation delay  $t_{PLH}$  of the circuit above when it is given that the output load of the circuit is 1? (You can use the table below))

- a. 0.703 ns
- b. 0.728 ns
- c. 0.740 ns
- d. 0.760 ns

**Characteristics of a family of CMOS gates**

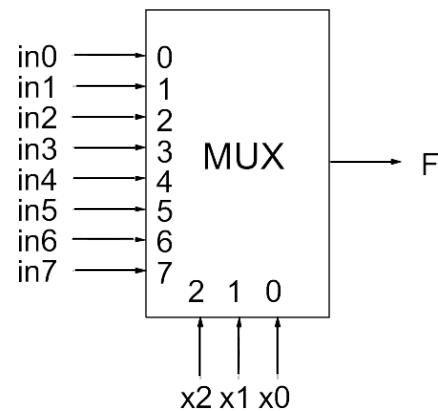
Gate Type	Fan in	Propagation Delays		Load Factor (standard loads)	Size (equivalent gates)
		$t_{PLH}$ (ns)	$t_{PDL}$ (ns)		
AND	2	$0.15 + 0.037L$	$0.16 + 0.017L$	1.0	2
AND	3	$0.20 + 0.038L$	$0.18 + 0.018L$	1.0	2
AND	4	$0.28 + 0.039L$	$0.21 + 0.019L$	1.0	3
OR	2	$0.12 + 0.037L$	$0.20 + 0.019L$	1.0	2
OR	3	$0.12 + 0.038L$	$0.34 + 0.022L$	1.0	2
OR	4	$0.13 + 0.038L$	$0.45 + 0.025L$	1.0	3
NOT	1	$0.02 + 0.038L$	$0.05 + 0.017L$	1.0	1
NAND	2	$0.05 + 0.038L$	$0.08 + 0.027L$	1.0	1
NAND	3	$0.07 + 0.038L$	$0.09 + 0.039L$	1.0	2
NAND	4	$0.10 + 0.037L$	$0.12 + 0.051L$	1.0	2
NAND	5	$0.21 + 0.038L$	$0.34 + 0.019L$	1.0	4
NAND	6	$0.24 + 0.037L$	$0.36 + 0.019L$	1.0	5
NAND	8	$0.24 + 0.038L$	$0.42 + 0.019L$	1.0	6
NOR	2	$0.06 + 0.075L$	$0.07 + 0.016L$	1.0	1
NOR	3	$0.16 + 0.111L$	$0.08 + 0.017L$	1.0	2
NOR	4	$0.23 + 0.149L$	$0.08 + 0.017L$	1.0	4
NOR	5	$0.38 + 0.038L$	$0.23 + 0.018L$	1.0	4
NOR	6	$0.46 + 0.037L$	$0.24 + 0.018L$	1.0	5

NOR	8	$0.54 + 0.038L$	$0.23 + 0.018L$	1.0	6
XOR	2*	$0.30 + 0.036L$	$0.30 + 0.021L$	1.1	3
		$0.16 + 0.036L$	$0.15 + 0.020L$	2.0	
XOR	3*	$0.50 + 0.038L$	$0.49 + 0.027L$	1.1	6
		$0.28 + 0.039L$	$0.27 + 0.027L$	2.4	
		$0.19 + 0.036L$	$0.17 + 0.025L$	2.1	
XNOR	2*	$0.30 + 0.036L$	$0.30 + 0.021L$	1.1	3
		$0.16 + 0.036L$	$0.15 + 0.020L$	2.0	
XNOR	3*	$0.50 + 0.038L$	$0.49 + 0.027L$	1.1	6
		$0.28 + 0.039L$	$0.27 + 0.027L$	2.3	
		$0.19 + 0.036L$	$0.17 + 0.025L$	1.3	
2-OR/NAND2	4	$0.17 + 0.075L$	$0.10 + 0.028L$	1.0	2
2-AND/NOR2	4	$0.17 + 0.075L$	$0.10 + 0.028L$	1.0	2

### Question 12:

Met behulp van een multiplexer wordt de functie  $F(x_3, x_2, x_1, x_0) = (x_1 \cdot x_2') \oplus (x_0 \cdot x_2' + x_1 \cdot x_3)$  gemaakt. Wat moet er aan de ingangen respectievelijk worden aangesloten ? (English: Using a multiplexer, we realize the function  $F(x_3, x_2, x_1, x_0) = (x_1 \cdot x_2') \oplus (x_0 \cdot x_2' + x_1 \cdot x_3)$ . What needs to be provided at the inputs?)

- in0, in1, in2, in3, in4, in5, in6, in7 =
- $0, 0, x_3', 1, 0, 1, x_3, x_3$
  - $0, x_3', 0, x_3, 0, 1, 1, x_3$
  - $0, 0, 0, 1, x_3', x_3, 1, x_3$
  - $0, 1, x_3', 0, 0, 0, x_3, x_3$

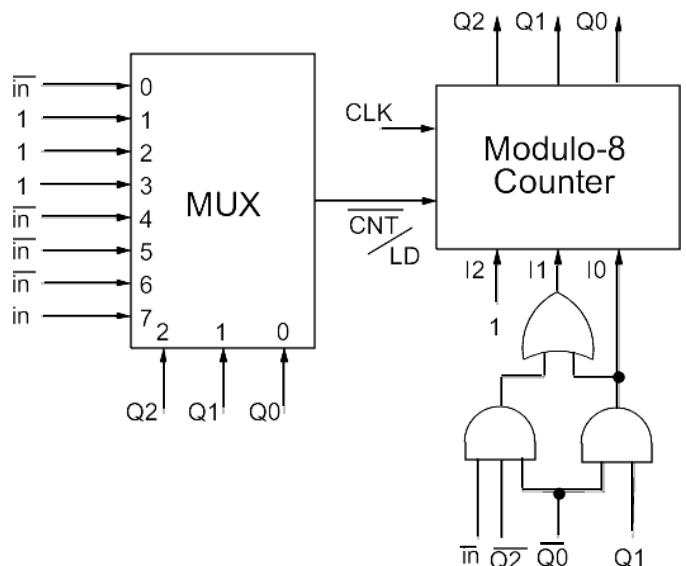


### Question 13:

Nevenstaand schema is de schakeling van een FSM.  $Q_2 Q_1 Q_0$  vormt de toestand en in is het ingangssignaal. De counter heeft 2 modi, nl. COUNT met een 0 en LOAD met een 1. Bij I2 I1 I0 wordt de te laden toestand ingevoerd. Wat zijn mogelijke opvolgende toestanden voor  $Q_2 Q_1 Q_0 = 0 0 0$  ?

(English: The given circuit represents an FSM.  $Q_2 Q_1 Q_0$  represents the state and in is the input signal. The counter has two modes, namely COUNT with 0 en LOAD with 1. At I2 I1 I0, the to be loaded state is "inserted". What are the possible subsequent states after  $Q_2 Q_1 Q_0 = 0 0 0$  ?)

a. 1 0 0 en/and 1 1 0      b. 1 0 0 en/and 0 0 1  
 c. 1 1 0 en/and 0 0 1      d. alleen/only 0 0 1

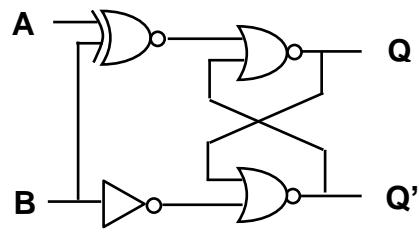


#### Question 14:

Gegeven bijgaand circuit. Welke van de volgende uitspraken is correct?

(English: Given the circuit. Which statement below is correct?)

- Dit circuit is geen bruikbaar geheugenelement: de Set-combinatie ontbreekt.  
(English: the circuit is not a useful memory element: the Set-combination is missing.)
- Dit circuit is geen bruikbaar geheugenelement: de Reset-combinatie ontbreekt  
(English: the circuit is not a useful memory element: the Reset-combination is missing.)
- Dit circuit is een latch; AB = 11 is de Reset ingangscombinatie  
(English: The circuit is a latch: AB=11 is the Reset input)
- Dit circuit is een latch zonder verboden ingangscombinatie  
(English: The circuit is a latch without a forbidden input)



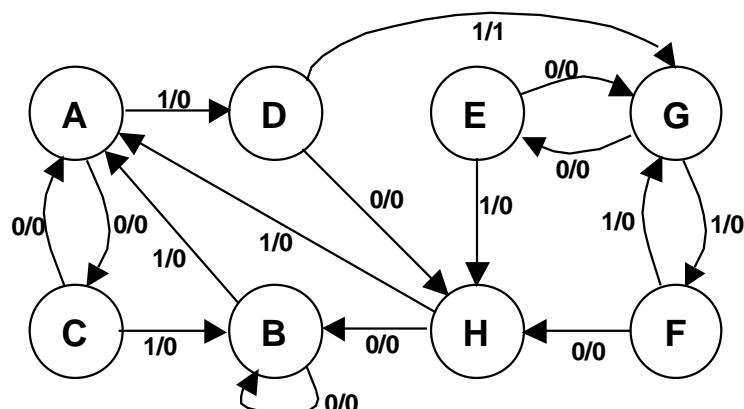
#### Question 15:

Schrijf de functie  $((x_0 + x_1) \oplus (x_2 + x_3)) + x_0' \cdot x_1$  in de Maxterm notatie  $f(x_3, x_2, x_1, x_0) = \prod M(\dots)$

(English: Write the function  $((x_0 + x_1) \oplus (x_2 + x_3)) + x_0' \cdot x_1$  in Maxterm notation  $f(x_3, x_2, x_1, x_0) = \prod M(\dots)$ )

- $\prod M(1, 2, 3, 4, 6, 8, 10, 12)$
- $\prod M(0, 5, 7, 9, 11, 13, 15)$
- $\prod M(0, 1, 4, 6, 8, 13, 15)$
- $\prod M(0, 5, 6, 9, 10, 13, 14)$

#### Question 16:



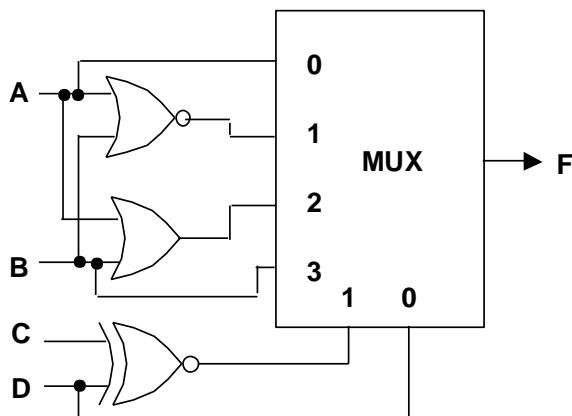
Van een schakeling met 3 T-flipflops P, Q en R en een input *in* is het toestandsdiagram gegeven. Voor de codering van de toestanden (PQR) geldt:  
 $A=000$   $B=001$   $C=010$   $D=011$   
 $E=100$   $F=101$   $G=110$   $H=111$   
De T-flipflop R wordt aangestuurd met:

(English: Of a circuit with 3 T-flipflops P, Q, and R and an input *in* the state diagram is given. The coding of the states (PQR) is:

$A=000$   $B=001$   $C=010$   $D=011$   
 $E=100$   $F=101$   $G=110$   $H=111$   
T-flipflop R is "driven" by:)

- $in \oplus R$
- $P + R$
- $in$
- $P + in$

**Question 17:**



Bepaal de mintermvorm van  $F(D, C, B, A)$ :  
 (English: Determine the minterm function  $F(D, C, B, A)$ :

- a.  $\sum m(1, 3, 5, 6, 7, 8, 14, 15)$
- b.  $\sum m(1, 2, 3, 5, 7, 10, 11, 12)$
- c.  $\sum m(1, 2, 3, 5, 7, 8, 14, 15)$
- d.  $\sum m(1, 3, 5, 6, 7, 10, 11, 12)$

**Question 18:**

Om een "6 naar 64 decoder" samen te stellen zijn 2 type chips beschikbaar, nl. type A: met 2 (twee) "2 naar 4 decoders" erin, en type B: met 1 "3 naar 8 decoder" erin. Hoeveel chips zijn er respectievelijk van type A of van type B nodig? (Er mag slechts één type worden toegepast en niet worden gemixed.)

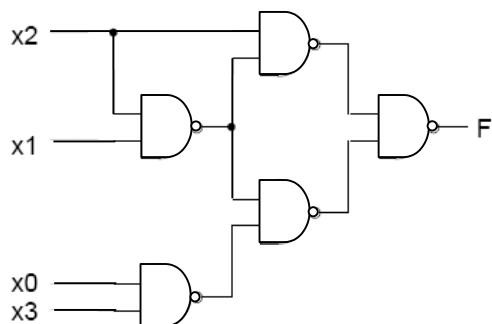
(English: In order to build a 6-to-64 decoder, there are 2 types of chips available, namely "type A": with 2 (two) 2-to-4 decoders in it, and "type B": with 1 3-to-8 decoders in it. How many chips are needed of each type are needed? (Only one type is allowed and no mixing is allowed))

	type A	type B
a.	8	8
b.	9	9
c.	11	8
d.	11	9

**Question 19:**

Gegeven is onderstaand schema:

(English: Given the circuit below:)



Bepaal de functie  $F(x_3, x_2, x_1, x_0)$  van het poortnetwerk en schrijf F als een product van sommen.  
 (English: Determine the function  $F(x_3, x_2, x_1, x_0)$  of the gate network and write the function F as a product of sums.)

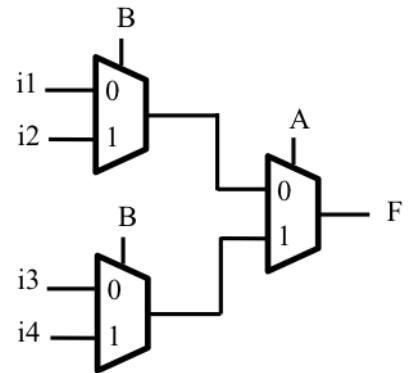
- a.  $(x_1' + x_2)(x_0' + x_3')$
- b.  $(x_1' + x_2')(x_0' + x_2 + x_3')$
- c.  $(x_0 + x_1)(x_2' + x_3)$
- d.  $(x_1' + x_2)(x_1 + x_2' + x_3)$

**Question 20:**

Stel een logische functie  $F = A B C' + A' B D + B C' D + A C D'$  wordt gerealiseerd met nevenstaande schakeling. Wat moet daarvoor worden aangeboden op ingang i2 ?

(English: Assume that the logical function  $F = A B C' + A' B D + B C' D + A C D'$  is being realized using the given circuit. What needs to be provided at input i2 ?)

- a. 0
- b. D
- c. C D'
- d.  $C' + D'$

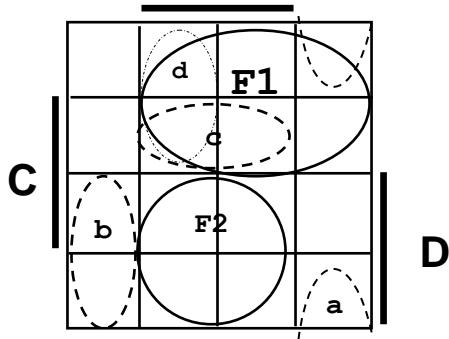


Antwoorden en Uitwerkingen (Answers in Dutch)

Question		Question		Question		Question	
1	A	6	B	11	D	16	C
2	C	7	D	12	D	17	C
3	B	8	B	13	C	18	D
4	A	9	A	14	C	19	B
5	A	10	C	15	B	20	B

Opgave 1: (a)

**A**

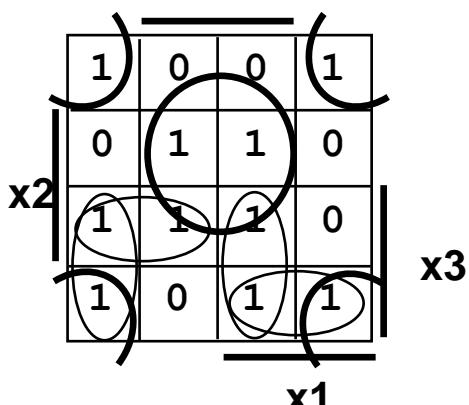


**B**

In de Karnaughmap is aangegeven dat alleen de term  $A + B + D'$  nog past zonder overlap met de reeds aanwezige besturingen.

Opgave 2: (c)

$x_0$



$x_1$

Opgave 3: (b)

$$\begin{aligned}
 F &= (A' \cdot B + A \cdot B') \oplus (A + C) \\
 &= (A' \cdot B + A \cdot B') \cdot A' \cdot C' + (A + B') (A' + B) \cdot (A + C) \\
 &= A' \cdot B \cdot C' + (A \cdot B + A' \cdot B') (A + C) \\
 &= A' \cdot B \cdot C' + A \cdot B + A' \cdot B' \cdot C \\
 &= B \cdot (A + A' \cdot C') + A' \cdot B' \cdot C \\
 &= B \cdot (A + C') + A' \cdot B' \cdot C \\
 &= A \cdot B + B \cdot C' + A' \cdot B' \cdot C
 \end{aligned}$$

**Opgave 4: (a)**

K	L	M	FULL ADDER (KKK + L2'L1'L0' + M3 )
0	101	1101	000 + 010 + 1 = 0011
0	111	1010	000 + 000 + 1 = 0001
0	011	0100	000 + 100 + 0 = 0100
0	000	1000	000 + 111 + 1 = 1000
1	001	0001	

Inhoud 0001 => antwoord **a**

**Opgave 5: (a)**

Voor de periodeduur geldt:

$$T > \text{omslagtijd} + \text{netvertraging} + \text{setuptijd}$$

dus  $T > 5 \text{ nsec} + (15 \text{ nsec} + 15 \text{ nsec}) + 4 \text{ nsec}$

$$T > 39 \text{ nsec}$$

frequentie  $< 1/T = 25.6 \text{ MHz}$  => antwoord **a**

**Opgave 6: (b)**

{A, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L}	{B}	1-equivalent		
{A, D, E, F, H, I, J, K, L}	{C, G} {B}	2-equiv.		
{D, F, H, I, J, K}	{A, E, L}	{C, G} {B}	3-equiv.	
{H, I, J, K}	{D, F}	{A, E, L}	{C, G} {B}	4-equiv.
{H, I, J, K}	{D, F}	{A, E, L}	{C, G} {B}	n-equiv.

And more ...

=> antwoord **b**

**Opgave 7: (d)**

Bepaal de voorwaarde waaronder er een pad via de pmos transistors naar VDD is:  $A' + C'.(B' + D')$

**Opgave 8: (b)**

De waarde van het getal in B.C.D. notatie is:

$$(b7.2^3 + b6.2^3 + b5.2^1 + b4.2^0).10 + b3.2^3 + b2.2^2 + b1.2^1 + b0.2^0$$

De waarde zuiver binair is:

$$b7.2^7 + b6.2^6 + b5.2^5 + b4.2^4 + b3.2^3 + b2.2^2 + b1.2^1 + b0.2^0$$

Dus het verschil moet opleveren:

$$b7(2^7 - 2^3.10) + b6.(2^6 - 2^2.10) + b5.(2^5 - 2^1.10) + b4.(2^4 - 2^0.10) = 42$$

oftewel:

$$48.b7 + 24.b6 + 12.b5 + 6.b4 = 42$$

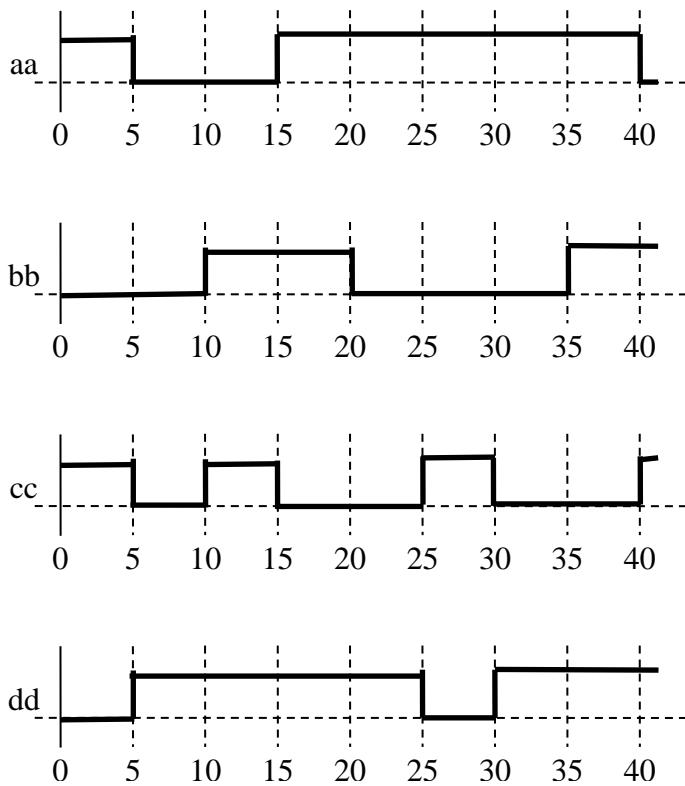
De enige mogelijke binaire oplossing is

$$b7=0, b6=1, b5=1 \text{ en } b4=1 \quad \Rightarrow \text{antwoord b}$$

**Opgave 9: (a)**

Code 1 en 2 zijn gelijk aan elkaar, omdat alle signalen aan de RHS van de CSA statement in code 1 in de process van code 2 staat. Daarom is code 3 niet gelijk aan de andere twee, omdat signaal 'x' niet in de sensitivity lijst staat.

Opgave 10: (c)



De waarheidstabel van de functie F is:

j	a	b	c	d
0	0	0	0	1
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	0

Opgave 11: (d)

Het langste pad is van ingang C of D naar uitgang F. Vanuit uitgang F bekeken moeten we dus de volgende waardes bepalen:

$$\text{tpLH(OR2)} + \text{tpLH(AND2)} + \text{tpLH(NOT)} + \text{tpHL(NAND2)} + \\ \text{tpLH(AND2)} =$$

$$(0.12+0.037x1) + (0.15+0.037x1) + (0.02+0.038x1) + (0.08+0.027x2) + \\ (0.15+0.037x2) = 0.760$$

Opgave 12: (d)

x3x2x1x0	x1.x2' (a)	x0.x2' (b)	x1.x3 (c)	b+c (d)	a⊕d
0000	0	0	0	0	0
0001	0	1	0	1	1
0010	1	0	0	0	1
0011	1	1	0	1	0
0100	0	0	0	0	0
0101	0	0	0	0	0
0110	0	0	0	0	0
0111	0	0	0	0	0
1000	0	0	0	0	0
1001	0	1	0	1	1
1010	1	0	1	1	0
1011	1	1	1	1	0
1100	0	0	0	0	0
1101	0	0	0	0	0

1110	0	0	1	1	1
1111	0	0	1	1	1

x0				
x3	0	1	0	1
	0	0	0	0
	0	0	1	1
	0	1	0	0
x1				
x0				
x2	0	1	0	$x3'$
	0	0	$x3$	$x3$
x1				

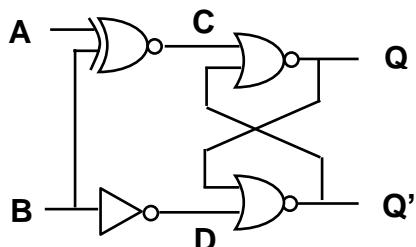
Dit geeft  $0, 1, x3', 0, 0, 0, x3, x3 \Rightarrow$  antwoord **d**

### Opgave 13: (c)

Q	in	I	CNT' / LD	Q(n+1)	Q	in	I	CNT' / LD	Q(n+1)
000	0	110	load	110	000	1	100	count	001

=> antwoord **c**

### Opgave 14: (c)



A	B	C	D	Q	Q'	
0	0	1	1	0	0	forbidden
0	1	0	0	Q	Q'	hold
1	0	0	1	1	0	set
1	1	1	0	0	1	reset

### Opgave 15: (b)

$$\begin{aligned}
 & ((x_0 + x_1) \oplus (x_2 + x_3)) + x_0' \cdot x_1 \\
 &= (x_0 + x_1) \cdot x_2' \cdot x_3' + x_0' \cdot x_1' \cdot (x_2 + x_3) + x_0' \cdot x_1 \\
 &= x_0 \cdot x_2' \cdot x_3' + x_1 \cdot x_2' \cdot x_3' + x_0' \cdot x_1' \cdot x_2 + x_0' \cdot x_1' \cdot x_3 + x_0' \cdot x_1
 \end{aligned}$$

x0				
x3	0	1	1	1
	1	0	0	1
	1	0	0	1
	1	0	0	1
x1				
x2				

Kijk waar nullen staan:  $\prod M(0, 5, 7, 9, 11, 13, 15)$

### **Opgave 16: (c)**

We kunnen de volgende overgangstabel opstellen:

PQR	PS			$R^{next}$	
		in=0	in=1	in=0	in=1
000	A	C, 0	D, 0	0	1
001	B	B, 0	A, 0	1	0
010	C	A, 0	B, 0	0	1
011	D	H, 0	G, 1	1	0
100	E	G, 0	H, 0	0	1
101	F	H, 0	G, 0	1	0
110	G	E, 0	F, 0	0	1
111	H	B, 0	A, 0	1	0

Hieruit kan worden afgeleid dat

$$R^{next} = R \cdot in' + R' \cdot in = R \oplus in$$

Voor een T flip-flop met toestand S en ingang T geldt:  $S^{next} = S \oplus T$ .

Op de ingang voor de T-flipflop voor R moet dus het signaal 'in' worden gezet.

### **Opgave 17: (c)**

Wanneer S1 en S2 de selectie signalen zijn voor de multiplexer dan vinden we dat de multiplexer de volgende waarden doorgeeft als functie van D en C:

D	C	S1	S0	
0	0	1	0	$A + B$
0	1	0	0	A
1	0	0	1	$A' \cdot B'$
1	1	1	1	B

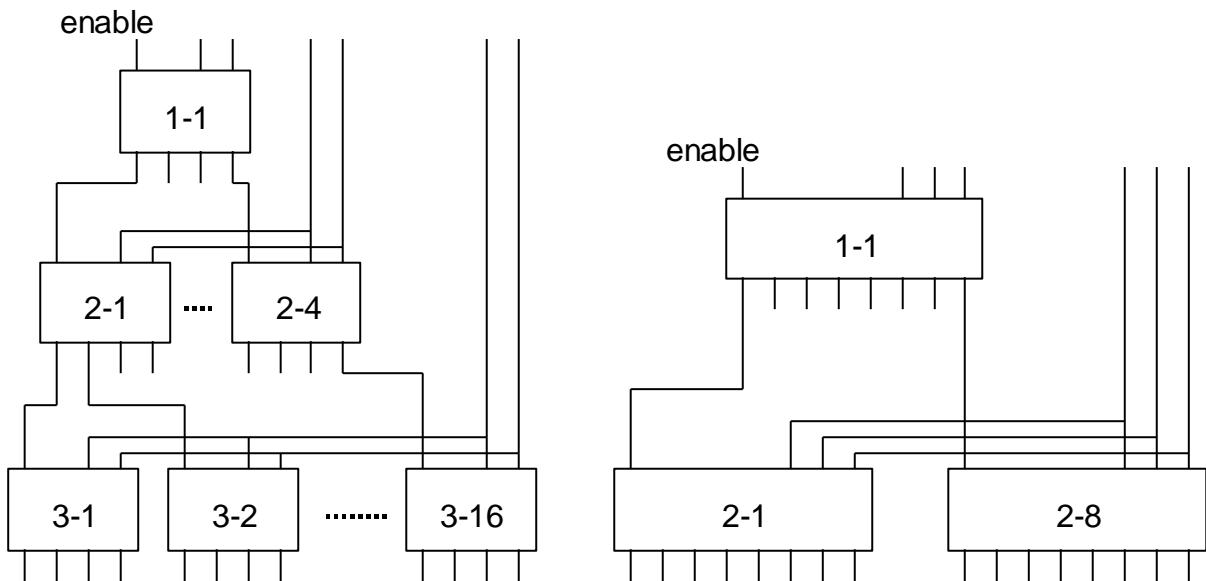
<u>A</u>			
D			
	0	1	1
	0	1	0
	0	0	1
	1	0	0

B

| C

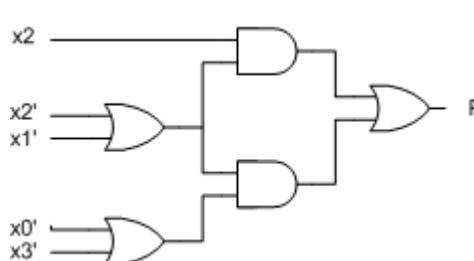
Door te kijken waar enen staan:  $\sum m(1, 2, 3, 5, 7, 8, 14, 15)$

Opgave 18: (d)



Er zijn dus  $1 + 4 + 16 = 21$  (2 naar 4 decoders) nodig of  $1 + 8 = 9$  (3 naar 8 decoders), d.w.z. 11 type A chips of 9 type B chips.

Opgave 19: (b)



Deze schakeling kan als volgt worden geschreven:

$$(x_0' + x_3') (x_1' + x_2') + (x_1' + x_2') x_2 \\ F = (x_1' + x_2') (x_0' + x_2 + x_3')$$

(eventueel door gebruik te maken van een Karnaugh diagram)

=> antwoord **b**.

Opgave 20: (b)

$$F = A B C' + A' B D + B C' D + A C D'. \text{ Met } A=0 \text{ en } B=1 \text{ geeft dit: } D + C'D = D$$